

## Calcolo del limite di fatica del materiale

$$\text{Dati iniziali : } \sigma_R = 665 \frac{N}{mm^2} \quad \sigma_R = 460 \frac{N}{mm^2}$$

Mancando il valore del limite di fatica lo ricaviamo utilizzando la relazione  $\sigma_{D0} = \sigma_R * C_L$  dove  $C_L$  può essere considerato uguale 0,5. per cui si ha

$$\sigma_{D0} = \sigma_R * C_L = 665 * 0,5 = 332,5 \frac{N}{mm^2}$$

il valore appena trovato è riferito ad un provino avente superficie lucidata, sezione circolare con diametro di 10 mm e perfettamente pulito.

Dai diagrammi allegati agli appunti sulla fatica ricaviamo:

$C_D = 0,91$	per un diametro superiore a 20 mm
$C_S = 0,78$	per un acciaio avente $\sigma_R = 665 N/mm^2$ e superficie ottenuta per lavorazione alle macchine utensili
$C_O = 1$	ipotizzando che l'alberino non lavori in ambienti con presenza di acqua
$C_q = 1$	essendo la sezione circolare

Il limite di fatica del nostro materiale nelle condizioni di lavoro, ma senza tener conto di un eventuale effetto di intaglio è:

$$\sigma_D = \sigma_{D0} * C_D * C_S * C_O * C_q = 332,5 * 0,91 * 0,78 * 1 * 1 = 236,01 \frac{N}{mm^2}$$

## Calcolo del coefficiente di sicurezza per la fatica

Dalla normativa alberi si ha:

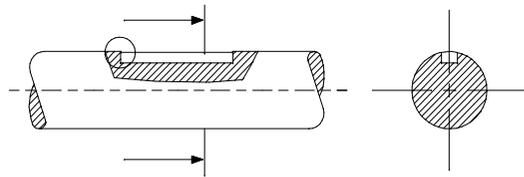
$$\begin{aligned} \gamma_{fpe} &= 1,25 && \text{coefficiente di pericolosità medio} \\ \gamma_{faf} &= 1 && \text{coefficiente di affidabilità medio} \\ \gamma_{fac} &= 1 && \text{coefficiente di accettabilità medio} \end{aligned}$$

$$\gamma_{af} = \gamma_{fpe} \cdot \gamma_{faf} \cdot \gamma_{fac} = 1,25 \cdot 1 \cdot 1 = 1,25$$

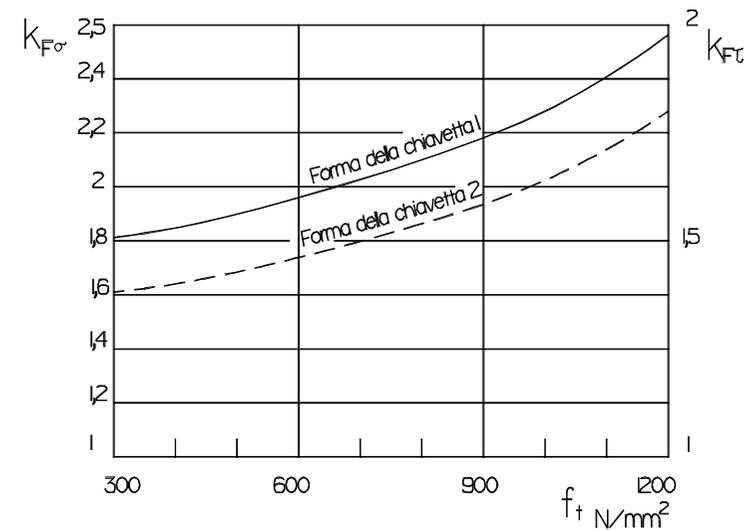
## Calcolo coefficienti effetto di intaglio

Nelle sezioni A e B il valore di  $K_f$  è 1 non essendoci intaglio.

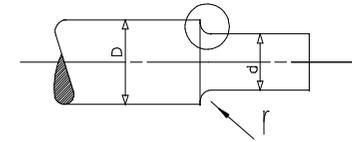
Nelle sezioni 1 e 2 ci sono le cave per la linguetta, il  $K_F$  è possibile ricavarlo dal diagramma riportato sulla norma alberi, e tenendo conto della tensione di rottura del nostro materiale si



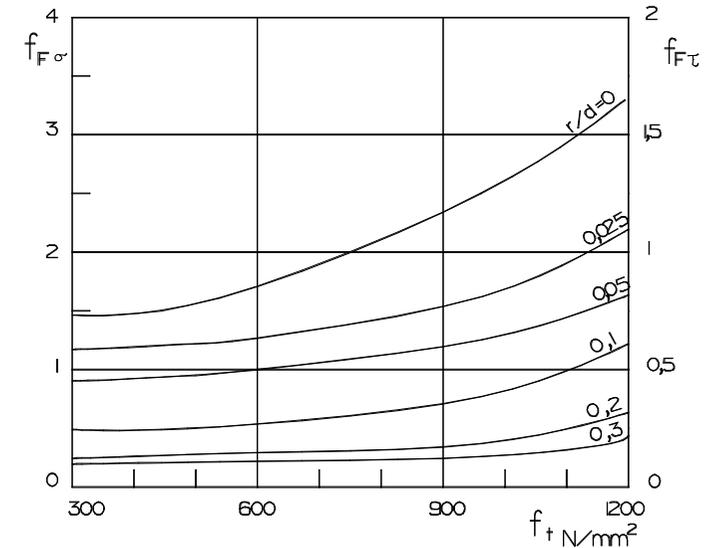
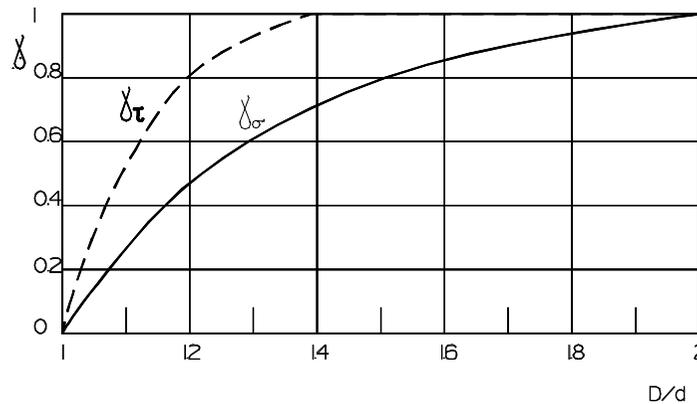
$$K_F = 2$$



Nelle sezioni C, D, E, F ci sono delle variazioni di sezione, in particolare nella sezione C si ha: raggio di raccordo  $r = 0,5 \text{ mm}$ , diametro maggiore  $D = 26 \text{ mm}$ , diametro minore  $d = 20 \text{ mm}$



da cui :  $\frac{r}{d} = \frac{0,5}{20} = 0,0250$        $\frac{D}{d} = \frac{26}{20} = 1,30$



dai diagrammi si ottengono  $\gamma_F = 0,6$        $F_{s\sigma} = 1,25$

possiamo adesso ricavarci  $K_f$  che vale  $K_f = 1 + \gamma_s \cdot F_{s\sigma} = 1 + 0,6 \cdot 1,25 = 1,75$

In modo analogo è possibile ricavare i  $K_f$  nelle altre sezioni ottenendo:

sezione	D	→	$K_f = 1,12$
sezione	E	→	$K_f = 1,61$
sezione	F	→	$K_f = 1,42$

Calcolo del limite di fatica effettivo nelle varie sezioni.

Ricordando la definizione del fattore effettivo di intaglio  $K_f = \frac{\sigma_D}{\sigma_{Dn}}$  è possibile adesso ricavare il limite di fatica in presenza

d'intaglio:  $\sigma_{Dn} = \frac{\sigma_D}{K_f}$

Nella sezione C si ha:  $\sigma_{Dn} = \frac{\sigma_D}{K_f} = \frac{236,01}{1,75} = 134,86 \frac{N}{mm^2}$

Analogamente nelle altre sezioni si ha:

sezione 1  $\sigma_{Dn} = 118,01 \frac{N}{mm^2}$       sezione A  $\sigma_{Dn} = 236,01 \frac{N}{mm^2}$

sezione D  $\sigma_{Dn} = 210,72 \frac{N}{mm^2}$       sezione E  $\sigma_{Dn} = 146,59 \frac{N}{mm^2}$

sezione B  $\sigma_{Dn} = 236,01 \frac{N}{mm^2}$       sezione F  $\sigma_{Dn} = 166,20 \frac{N}{mm^2}$

sezione 2  $\sigma_{Dn} = 118,01 \frac{N}{mm^2}$

## Calcolo Carichi applicati

Nella sezione C si sono: una forza normale  $N = 215,5 \text{ N}$   
un momento flettente  $M_f = 40\,170 \text{ Nmm}$   
un momento torcente  $M_t = 20\,020 \text{ Nmm}$

$$\sigma_{fmax} = \frac{M_f}{W_f} = \frac{32 * 40170}{\pi 20^3} = 51,15 \frac{N}{mm^2}$$

$$\tau_{max} = \frac{M_t}{W_t} = \frac{16 * 28020}{\pi 20^3} = 17,84 \frac{N}{mm^2}$$

$$\sigma_N = \frac{F_a}{A} = \frac{215,5 * 4}{\pi 20^2} = 0,69 \frac{N}{mm^2}$$

Essendo presenti sia tensioni  $\sigma$  che  $\tau$  applichiamo il criterio di Gough Pollard per cui sia ha:

$$\sigma_{id} = \sqrt{(\sigma_N + \sigma_{M_f})^2 + H^2 \tau^2}$$

## Calcolo parametro H

Ricordiamo che  $H = \frac{\sigma_{lim}}{\tau_{lim}}$

dove  $\sigma_{lim}$  è uguale a  $\sigma_{Dn}$  se le tensioni normali sono variabili e a  $\sigma_s$  se esse sono invece costanti, analogamente per  $\tau_{lim}$  che è uguale a  $\tau_{Dn}$  se le tensioni tangenziali sono variabili e a  $\tau_s$  se esse sono invece costanti,

nel nostro caso, nel punto dove effettuiamo il calcolo delle tensioni, abbiamo che le tensioni  $\sigma$  sono variabili mentre le tensioni  $\tau$  sono invece costanti, per cui si ha:

$$H = \frac{\sigma_{lim}}{\tau_{lim}} = \frac{\sigma_{dn}}{\tau_s} = \frac{134,86}{266,8} = 0,505$$

Possiamo adesso calcolare la **tensione ideale**

$$\sigma_{id} = \sqrt{(\sigma_N + \sigma_{Mf})^2 + H^2 \tau^2} = \sqrt{(0,69 + 51,15)^2 + (0,505 \cdot 17,84)^2} = 52,66 \frac{N}{mm^2}$$

Infine calcoliamo il grado sicurezza nella sezione

$$n = \frac{\sigma_{Dn}}{\sigma_{id}} = \frac{134,86}{52,66} = 2,56$$

In modo simile è possibile valutare i gradi di sicurezza nelle altre sezioni.